

Talent Search in Mathematics Olympiad-2020

Time: 01:30 hour

Date of Examination:-12.01.2021

Total Questions 20 (Multiple Choice Question).

Answer all the questions. Each question carries 5 marks.

Class 11

1. Suppose $f(x) = (x + 1)^2$ for $x \geq -1$. If $g(x)$ is the function whose graph is the reflection of the graph of $f(x)$ with respect to the line $y = x$ then $g(x)$ equals

मान लिया कि $f(x) = (x + 1)^2$, $x \geq -1$. यदि फलन $g(x)$ ग्राफ लाइन $f(x)$ का प्रतिबिंब है जो रेखा $y = x$ के सापेक्ष है, तो $g(x)$ का मान होगा?

(a) $-\sqrt{x} - 1, \geq 0$ (b) $\frac{1}{(x+1)^2}, x > -1$ (c) $\sqrt{x+1}, x \geq 0$ (d) $\sqrt{x} - 1, x \geq 0$

2. If $a^2 + b^2 + c^2 = 1$ then $ab + bc + ca$ lies in the interval

यदि $a^2 + b^2 + c^2 = 1$ तो $ab + bc + ca$ किस अन्तराल में है?

(a) $[\frac{1}{2}, 2]$ (b) $-1, 2]$ (c) $[-\frac{1}{2}, 2]$ (d) $[-1, \frac{1}{2}]$

3. Let T_n denotes the numbers of triangles which can be formed using the vertices of a regular polygon of n sides. If $T_{n+1} - T_n = 21$ Then find n equals

मान लिया कि T_n त्रिकोणों की संख्या को दर्शाता है जो कि n भुजा के नियमित बहुपद के शीर्षों का उपयोग करके बनाया गया है। यदि $T_{n+1} - T_n = 21$ तब n बराबर है

(a) 5 (b) 7 (c) 6 (d) 4

4. If the integers m and n are chosen at random between 1 and 100 then the probability that a numbers of the form $7^m + 7^n$ is divide by 5 equals

यदि m और n पूर्णांक संख्या है जो 1 से 100 के बीच में यदृक्षिक रूप से चुना है तो उस संभावनाओं को ज्ञात करें जो $7^m + 7^n$ संख्या में 5 विभाज्य हो?

(a) $\frac{1}{4}$ (b) $\frac{1}{7}$ (c) $\frac{1}{8}$ (d) $\frac{1}{49}$

5. In a triangle ABC , angle A is greater than angle θ . If the measure of angles A and B satisfy the equation $3\sin x - 4\sin^2 x - k = 0$, $0 < k < 1$, then the measure of angle C is

एक त्रिभुज ABC में कोण A का मान कोण θ से बड़ा है यदि कोण A और B का मान समीकरण $3\sin x - 4\sin^2 x - k = 0$, $0 < k < 1$ को संतुष्ट करता है जो कोण का मान निकाले?

(a) $\frac{\pi}{3}$ (b) $\frac{\pi}{2}$ (c) $\frac{2\pi}{3}$ (d) $\frac{5\pi}{6}$

6. Which of following function differentiable at $x = 0$?

इनमें से कौन सा फलन $x = 0$ पर अवकलन है?

(a) $\cos(|x|) + |x|$ (b) $\cos(|x|) - |x|$ (c) $\sin(|x|) + |x|$ (d) $\sin(|x|) - |x|$

7. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin\{\pi \cos^2 x\}}{x^2}$ equals

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin\{\pi \cos^2 x\}}{x^2}$ बराबर है

(a) $-\pi$ (b) π (c) $\frac{\pi}{2}$ (d) 1

8. Let $f: R \rightarrow R$ and $g: R \rightarrow R$ be continuous functions. Then the value of integral.

$$\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} [f(x) + f(-x)][g(x) - g(-x)]dx$$

मान लिया कि $f: R \rightarrow R$ और $g: R \rightarrow R$ सतत फलन है तो समाकलन का मान है?

$$\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} [f(x) + f(-x)][g(x) - g(-x)]dx$$

- (a) π (b) 1 (c) -1 (d) 0

9. If $P = (x, y)$ be any point on $16x^2 + 25y^2 = 400$ with foci $f_1 = (3, 0), f_2 = (-3, 0)$ and then $Pf_1 + Pf_2$ equals

- (a) 8 (b) 6 (c) 10 (d) 12

10. The number of all possible triples (a_1, a_2, a_3) such that $a_1 + a_2 \cos(2x) + a_3 \sin^2 x = 0 \forall x$ is

- (a) 0 (b) 1 (c) 3 (d) infinite

11. The least value of $a \in R$ for which $4ax^2 + \frac{1}{x} \geq 1$ for all $x > 0$ is

- (a) $\frac{1}{64}$ (b) $\frac{1}{32}$ (c) $\frac{1}{27}$ (d) $\frac{1}{25}$

12. Let x, y, z be positive real numbers such that $x + y + z = 12$ and $x^3 y^4 z^5 = (0.1)(600)^3$ the value of $x^3 + y^3 + z^3$ is

मान लिया कि धनात्मक वास्तविक संख्याएँ हैं, जहाँ तथा

- (a) 342 (b) 1028 (c) 216 (d) 2160

Let $p, q \in \{1, 2, 3, 4\}$ the number of equations of the form $px^2 + qx + 1 = 0$ having real roots is

- (a) 15 (b) 9 (c) 7 (d) 8

13. Number of divisors of the form $4x + 2 (n \geq 0)$ of the integer 240 is

$4x + 2 (n \geq 0)$ का विभाजक की संख्या है

- (a) 4 (b) 8 (c) 10 (d) 3

14. If x, y, z are three numbers such that $x + y + z = 1, x^2 + y^2 + z^2 = 2$ and $x^3 + y^3 + z^3 = 3$ then find the value of $x^5 + y^5 + z^5$

यदि x, y, z तीन संख्या इस प्रकार है कि $x + y + z = 1, x^2 + y^2 + z^2 = 2$ और $x^3 + y^3 + z^3 = 3$ है तो $x^5 + y^5 + z^5$ मान ज्ञात करें?

- (a) 5

- (b) 6

- (c) 10

- (d) 12

15. The probability that a bomb dropped from a place will strike the target is $\frac{1}{5}$. If six bombs are dropped, find the probability that atleast two will strike the target.

किसी स्थान से बम गिराया गया है जिसके लक्ष्य को नष्ट करने कि संभावना $\frac{1}{5}$ है यदि छह बम गिराए जाते हैं तो इस संभावना को ज्ञात करें कि कम से कम दो लक्ष्य को मार दे।

- (a) 0.246

- (b) 0.345

(c) 0.665

(d) 0.5

16. If $|z + 4| \leq 3$, then the maximum value of $|z + 1|$ is
यदि $|z + 4| \leq 3$, हो तो $|z + 1|$ अधिक मान ज्ञात करें।

(a) 10 (b) 6 (c) 0 (d) 4

17. If $f(x) = \begin{cases} \frac{x-4}{|x-4|} + a; & \text{if } x < 4 \\ a + b, & \text{if } x = 4 \\ \frac{x-4}{|x-4|} + b; & \text{if } x > 4 \end{cases}$

is continuous $x = 4$, then the value of a and b are

यदि $f(x) = \begin{cases} \frac{x-4}{|x-4|} + a; & \text{if } x < 4 \\ a + b, & \text{if } x = 4 \\ \frac{x-4}{|x-4|} + b; & \text{if } x > 4 \end{cases}$

सतत $x = 4$ हो तब a और b का मान निकालें?

(a) $a = 0, b = 1$

(b) $a = 1, b = 0$

(c) $a = 1, b = -1$

(d) $a = -1, b = -1$

18. Let α and β be the distinct roots of the equation $x^2 + bx + c = 0$, then $\lim_{x \rightarrow \alpha} \frac{1 - \cos(x^2 + bx + c)}{(x - \alpha)^2}$ is

मान लिया कि समीकरण $x^2 + bx + c = 0$ का अभिन्न मूलों α और β हो तो $\lim_{x \rightarrow \alpha} \frac{1 - \cos(x^2 + bx + c)}{(x - \alpha)^2}$ है

(a) $\frac{-a^2}{2} (\alpha - \beta)^2$

(b) $\frac{1}{2} (\alpha - \beta)^2$

(c) $\frac{a^2}{2} (\alpha - \beta)^2$

(d) 0

19. If $f(x) = x^4 - x^3 + 11x^2 - 4x + 5$ and $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 4 & 5 & 0 \\ 0 & 2 & 3 \end{bmatrix}$, $I_3 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$, then $f(A)$ is;

यदि $f(x) = x^4 - x^3 + 11x^2 - 4x + 5$ और $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 4 & 5 & 0 \\ 0 & 2 & 3 \end{bmatrix}$, $I_3 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$, हो तो $f(A)$ क्या है?

(a) $5I_3$

(b) $2I_3$

(c) I_3

(d) $6I_3$

20. The angle between two diagonals of a cube is

एक घन के दो विकर्णों के बीच का कोण है

30°

(b) 45°

(c) 60°

(d) $\tan^{-1}\sqrt{x}$